

Aerodynamische Grundlagen

KIT







- Auftrieb ?
- Betz und die Realität
- Beiwerte
- Leistungsregelung?
- Geschwindigkeitsdreiecke





Auftrieb





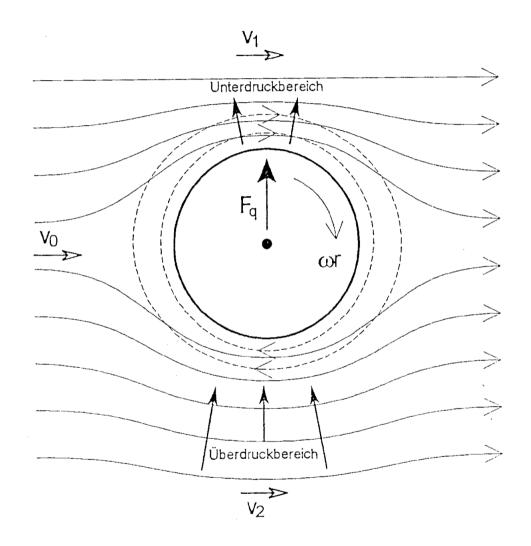








Flettnerrotor & Bernoulli



$$\frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v^2 + p = \text{const.}$$

Inkompressibilität Trajektorie Stationarität Reibungsfreiheit Keine weiteren Kräfte

Beschreibt Strömung um Tragfläche genau genug bis etwa 300 km/h

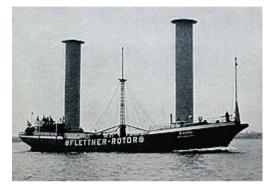
$$v_1 = v_0 + \omega r$$
 $v_2 = v_0 - \omega r$ (mit $\omega r \ll v_0$)

$$F_q = \varsigma \cdot \omega r \cdot v_0 \cdot r \cdot l = \varsigma \cdot r^2 \cdot l \cdot v_0 \cdot \omega$$





Flettners Visionen und Realitäten



Buckau





Baden-Baden



Acyone



Enercon E-Ship

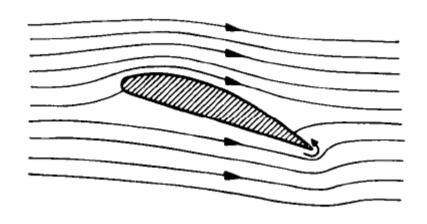


Thom-Rotorshiff

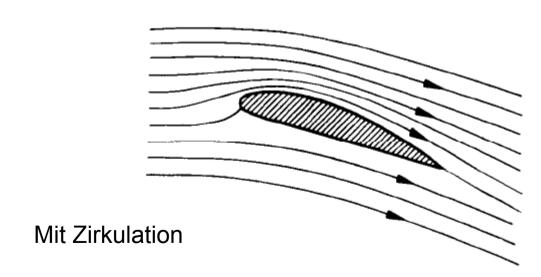




Strömungsbild - Zirkulation



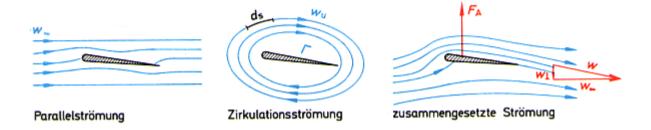
Ohne Zirkulation

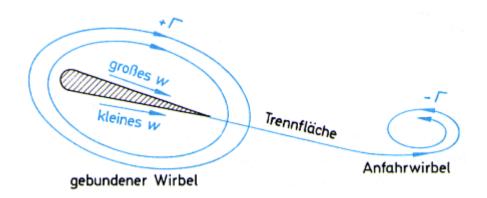


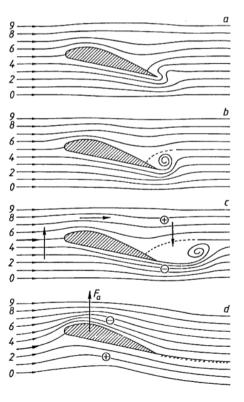




Zusammengesetzte Strömung / Zirkulation











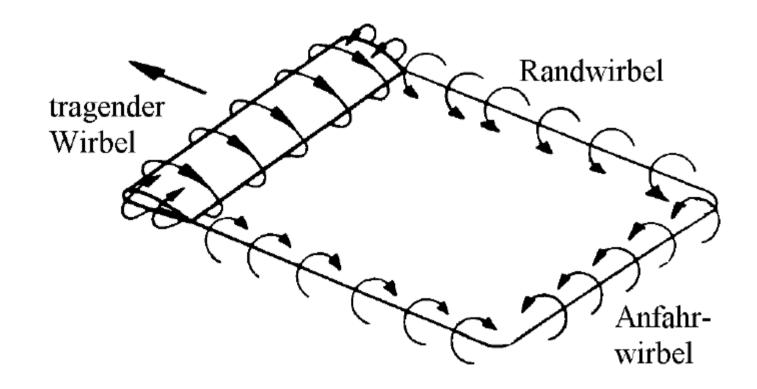
Randwirbel







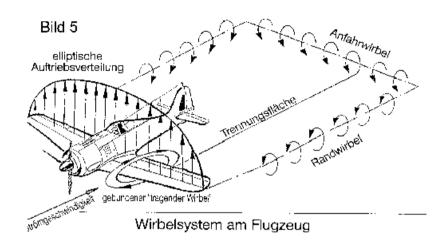
3D Wirbel







3D Wirbel / Induzierter Widerstand



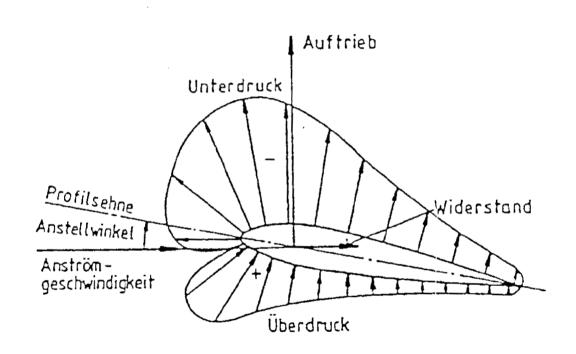


Querströmung am Tragflügel





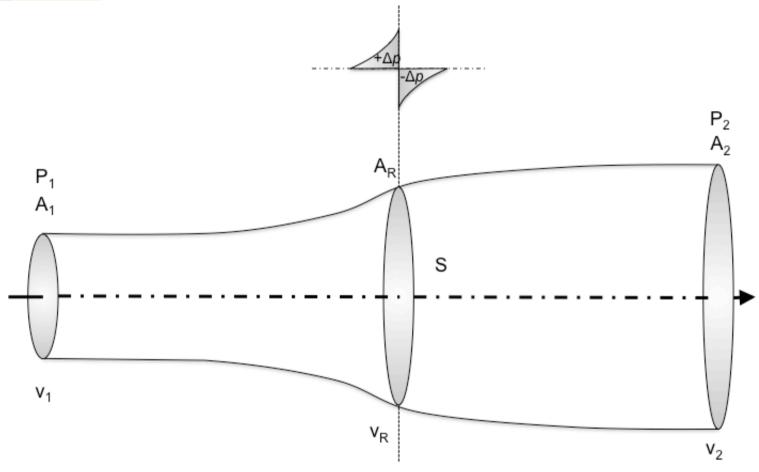
Luftkräfte am Profil







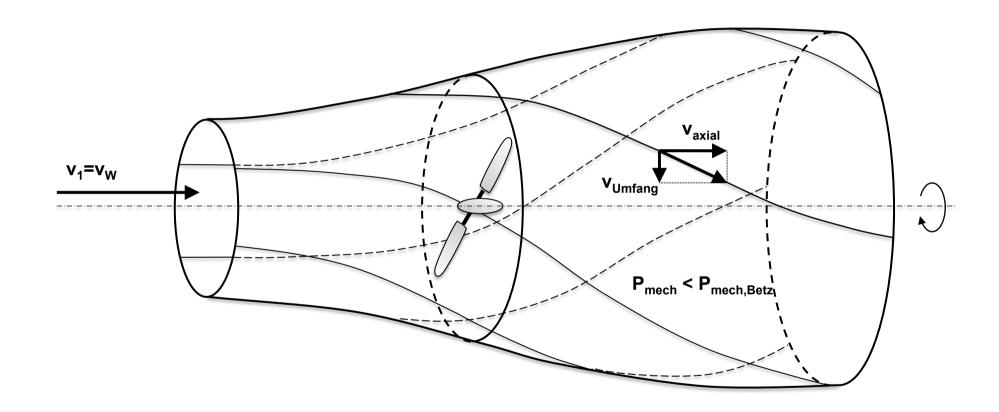
Betz Stromlinienverlauf 2D (Strömungsflasche)



$$c_{P} = \frac{P_{Turbine}}{P_{Wind}} = \frac{P_{T,mec}}{\frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_{Wind}^{3} \cdot A_{Rotor}}$$

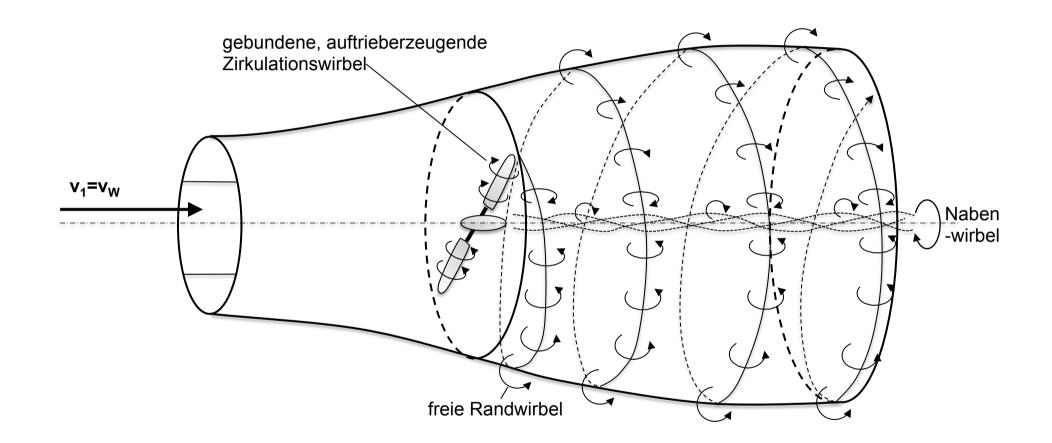
















Kenngrößen

Kenngrößen: Widerstandsbeiwert

Auftriebsbeiwert $c_{_{A}}$

Induzierter Widerstandsbeiwert $c_{w,i}$ (bedingt durch Randwirbel)

 $C_{\mathfrak{p}}$.

 C_{P}

Leistungsbeiwert

Drehmomentenbeiwert $c_{\scriptscriptstyle M}$

Winkel: Aerodynamische Anstellwinkel α

Blattanstellwinkel β oder ϑ (konstruktionsbedingt)





Formeln

Formeln:

Auftriebskraft

 $F_A = c_A \cdot \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v^2 \cdot A$

Widerstandskraft

 $F_{w} = c_{w} \cdot \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v^{2} \cdot A$

A ist hier in beiden Fällen die größtmögliche Projektion des Blattes (Rechteck : $L \cdot T$)

Leistung

 $P = c_P \cdot \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v^3 \cdot A$

Drehmoment

 $M = c_{M} \cdot \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v^2 \cdot A \cdot R$

A entspricht hier der Gesamtrotorkreisfläche

Gleitzahl

 $E = \frac{c_A}{c_{re}}$

Brett: E=10, WEC: E=100-150, Hochleistungsprofil: E=200

Schnellaufzahl

 $\lambda = \frac{v_{u,sp}}{v_{w}}$

 $v_{u,sp}$ = Umfanggeschwindigkeit d.Blattspitze

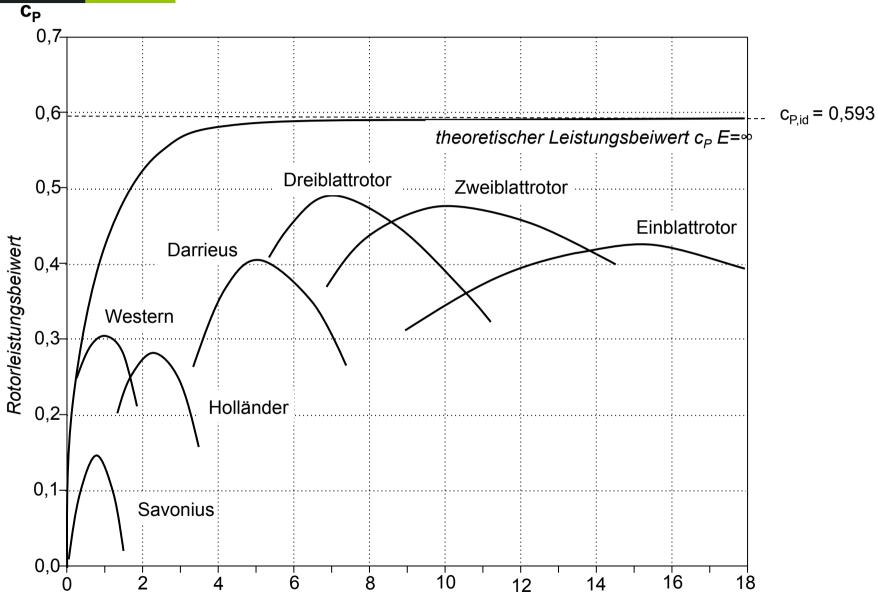
 v_w = Windgeschwindigkeit

$$c_P = \lambda \cdot c_M$$





Betz Leistungsbeiwerte / Lamda



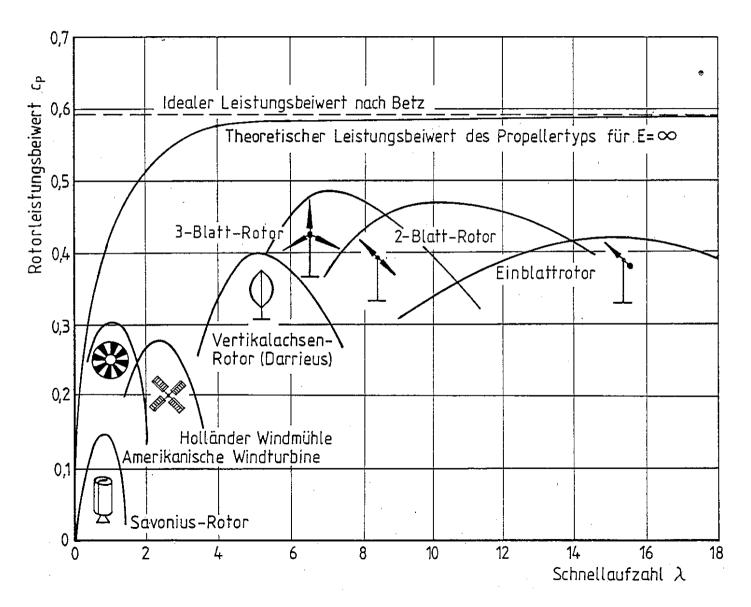
Schnelllaufzahl



λ



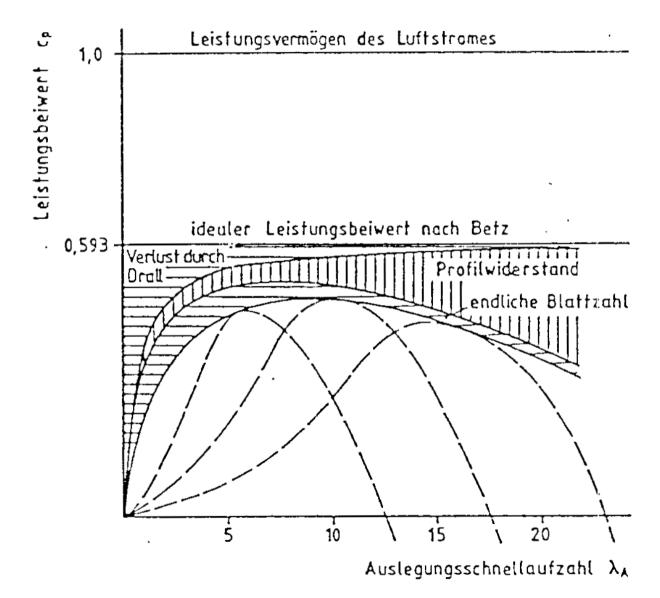
Leistungskennlinien typischer WKA







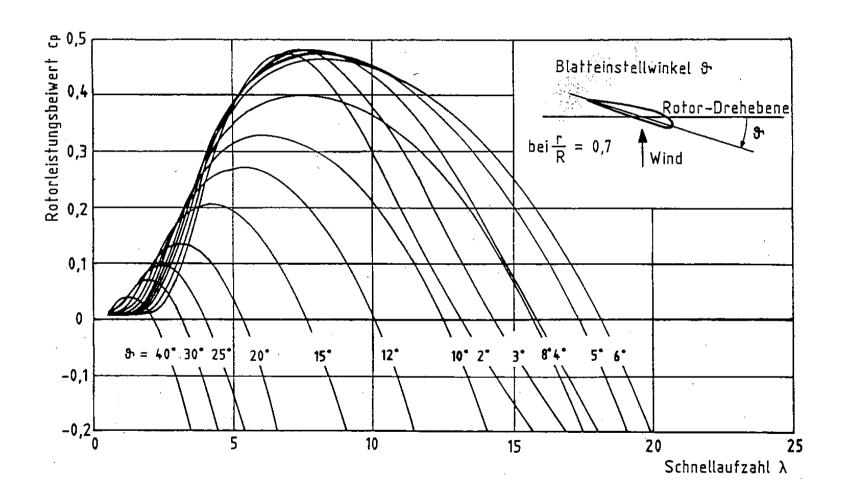
Betz Verluste







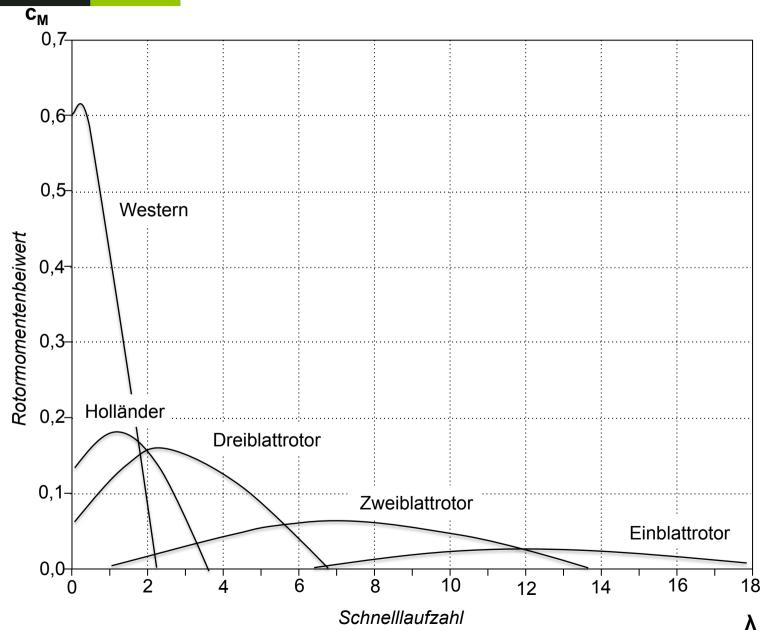
Kennlinienfeld







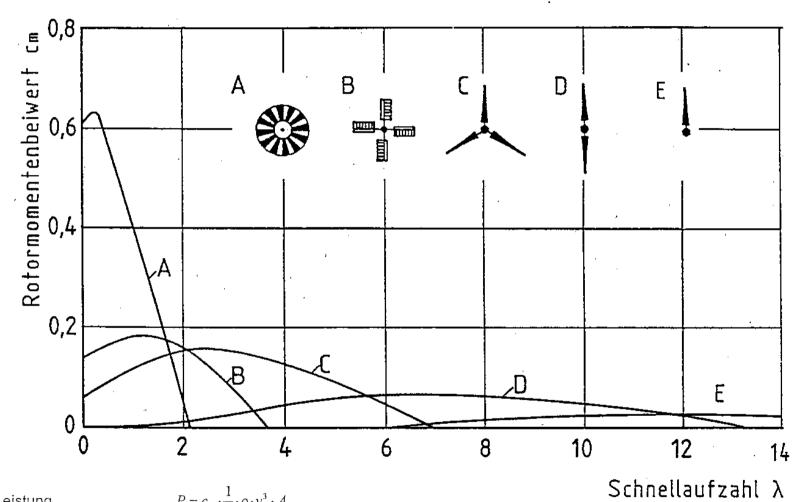
Betz Momentenbeiwerte







Momentenfeld typischer WKA



Leistung

Drehmoment

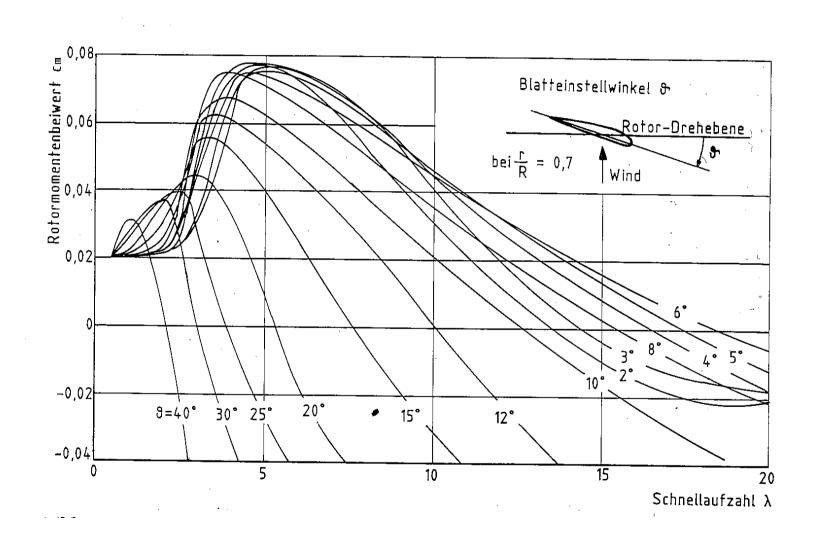
 $P = c_P \cdot \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v^3 \cdot A$ $M = c_{M} \cdot \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v^2 \cdot A \cdot R$

 $c_P = \lambda \cdot c_{\scriptscriptstyle M}$





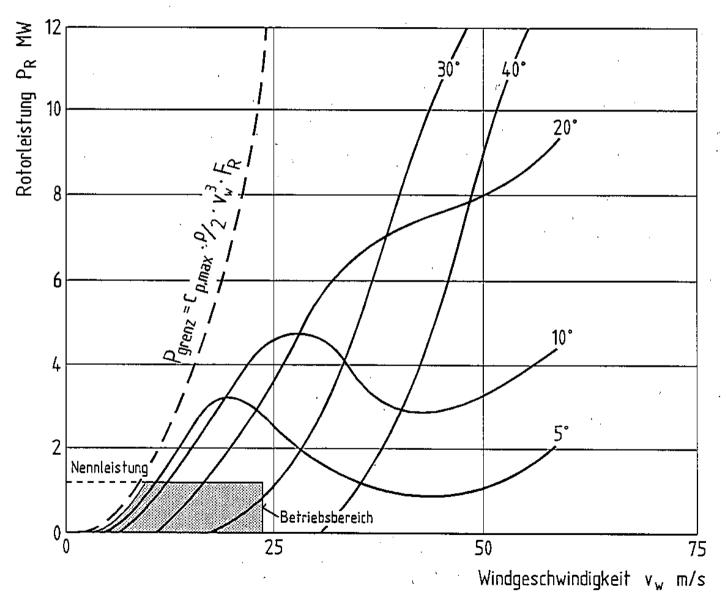
Kennlinienfeld - Momentenbeiwert







Rotorleistungskennlinien







Winddreiecke - Kräftedreiecke

Geschwindigkeitsdreiecke

